Lycée Laymoun 2 ème BAC. Prio

Fonctions exponentielles.

1 fonction exponentielle népérienne:

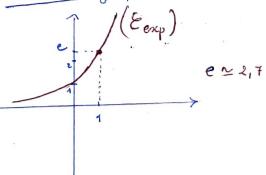
Déf: . la fonction exponentielle népérienne, notée ex (ou exp(u)) 1st la fonction réciproque de la fonction: x >> ln(n) · 20 per est définie et continue sur 1A

2 Propriétés élémentaires:

.. Vx E IR ln (ex) = x

... + x70 e ln(x) = x

3 Représentation graphique:



4 Propriétés et déductions:

Yz, y & R, ex+y=exey

(A x; y ∈ 12) (+ r ∈ Q) on a;

$$e^{-x} = \frac{1}{e^x}$$
; $e^{x-y} = \frac{e^x}{e^y}$

erz = (er)r

1 Yxell Yyell+

 $\begin{cases} y = e^{x} \Leftrightarrow x = \ln(y) \end{cases}$

YXEIR YYEIR $\begin{cases} e^{x} = e^{y} \Leftrightarrow x = y \end{cases}$ $\begin{cases} e^{x} > e^{y} \iff x > y \end{cases}$ ex>ex => x74

Résoudre dans là lu éq: EX:1

$$e^{x-1} = 3$$

3°)
$$e^{x^2+x-2}=1$$

(5) Domaine de définition: si f(n) = eu(x) on a!

 $D_f = D_u = \{x \in IR : \iota(u) \in IR \}$

EX: 2 Donner les domaine de définition des fets! 10/ f(n) = e 12-2

$$2^{\circ}/g(x) = e^{\sqrt{\frac{1}{2}}-3}$$
 $3^{\circ}/h(u) = e^{u \ln(x^{2}-3)}$

6 Dérivabilités:

+ Yxe R (ex) = ex > 8: 4 est dérivable sur I alors, (V x & I) (e "(x)) = 11(x) e ((x))

EX:3 Calculer la dériv de f ds chaque cas: $1^{6}/f(x) = e^{x^{3}-\sqrt[3]{x}+1}$ $2\% f(x) = e^{x \sin(x)}$

30/ f(n) = e \(\frac{1}{2+4}\)

(7) Limites essentielles:

$$\lim_{x \to -\infty} e^{x} = 0 ; \lim_{x \to +\infty} e^{x} = +\infty$$

$$\lim_{x \to -\infty} \frac{e^{x} - 1}{x} = 1 ; \lim_{x \to +\infty} \frac{e^{x}}{x} = +\infty$$

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{x} - 1}{x} = 1 ; \lim_{x \to +\infty} \frac{e^{x}}{x} = +\infty$$

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{e^{x}}{x} = 0 ; \lim_{x \to +\infty} x^{n} = 0$$

$$\lim_{x \to +\infty} x^{n} = 0 ; \lim_{x \to +\infty} x^{n} = 0$$

EX:4 Calculer les limites: 50/ lim e- 1 10/ lim (ex-x) 2-70 re 20/ lim (xe = z) 60/ lim ex x++ ex-1 30/ lim (e2x-ex+1) $4^{\circ}/\lim_{x\to +\infty}\frac{e^{x}-e^{x}}{x-2}$

8 Fonction exponentielle de baseià _ à € IR* - 213.

Déf: pour tout
$$x \in \mathbb{R}$$
 on a:
$$\left| \frac{\alpha^{x}}{\alpha^{x}} = e^{x \ln(\alpha)} \right|$$
et $\log_{\alpha}(\alpha^{x}) = x$

propriétés! $\forall x \in J \text{ o; } +\infty \text{ c; } \alpha \text{ dog } \alpha(x) = x$ $a^{\tau} = a^{\varphi} \Leftrightarrow x = \varphi$ Yx+1R yy >0 ax=y => log_(y)=x Yx, y EIR Yre Q: a^{2} , $a^{y} = a^{2}$

 $\left(a^{x}\right)^{r} = a^{rx} ; \frac{1}{a^{x}} = a^{-x}$

 $\frac{a^{2}}{a^{3}} = a^{2} - y$

 $\forall x > 0$: $(\log_a x)' = \frac{1}{\chi \ln(a)}$

 $\underline{E \times :5} \qquad g(x) = -\frac{1}{2}x + \ln(e^{x} - 1)$ 1º/ Déterminer Dg.

2% Résoude dans IR: g(x)=0 5% calculer: lim g(x) 2→+00

EX: 6 (EXAM. BAC. 2018) $f(x) = (e^x - 1)^2.$

1) calculer lim f(n) et donner un interprétation du résultat.

2) colculer lim f(u) et lim f(u)
x++0 x puis donner une interprétation du résultat. - on peut utiliser: $(e^{x}-1)^{2}=e^{x}(e^{x}-2)+1$

3) Mq: (\text{\text{x}} \text{k}) f'(\n) = 2(e^x - 1)e^x

4) Etudier le signe de f'(4) et dresser le tableau de variation de f. 5) Déterminer l'abscisse du pt d'intersection de (Cf) et la droite: (D): y = 1.

 $E \times : 7$ $\P(x) = (x-1)e^x + x + 1$ pour tout x ∈ [0,+00] 1) calcular g'(x) et mg g est str 7 sur [0, toc

2) Mg: g(n) 70 pour tout x 70.

3) soit: $f(n) = \frac{xe^2}{(e^2+1)^2}$: $x \in \mathbb{R}^*$

3-a) My f est use for impaire.

3-6) Calculer lim f(x) et interpréter

le résultat.

3-c) Mq: $\lim_{x\to+\infty} f(x) = 0$ et interpréter ... 4) Mq: (4x>0) $f'(x) = \frac{e^x}{(e^x-1)^3} g(x)$